



Системы программирования.

лекции 28.03.2010

Регулярные грамматики.

Разбор по регулярным грамматикам.

Лексический анализ.





Классификация формальных грамматик (повт.)

G1:

$S \rightarrow 0A \mid A1 \mid 1$

$A \rightarrow 0A$

G2:

$S \rightarrow 0A1 \mid 1B$

$00A \rightarrow 0A$

$B \rightarrow \varepsilon$

G3:

$S \rightarrow 0A \mid 1A \mid 1$

$A \rightarrow 0A$

G4:

$S \rightarrow 0A1 \mid 1$

$0A \rightarrow 00A1$





Этапы трансляции

- лексический анализ
- синтаксический анализ
- семантический анализ
- генерация внутреннего представления программы
- оптимизация
- генерация объектной программы



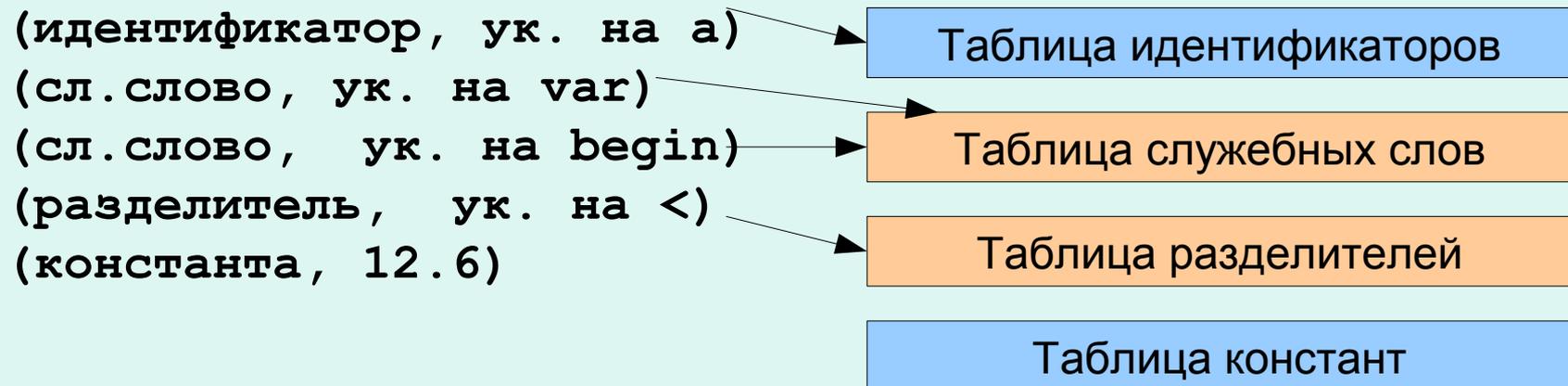
Лексический анализ

последовательность литер → последовательность лексем

Пример : лексемы языка программирования Паскаль

`a, var, begin, <, 12.6`

Типы лексем: идентификаторы,
служебные слова,
константы,
разделители (ограничители)





Задачи, решаемые лексическим анализатором

1. Выделить в программе лексемы (это сделает представление программы более удобным для дальнейшей обработки)
2. Удалить из программы комментарии и несущественные пробелы

Если будет изменена кодировка в исходном представлении программы, то это отразится только на лексическом анализаторе

Какие ошибки может обнаружить лексический анализатор?

Лексемы описываются с помощью регулярных грамматик (автоматных, без ϵ)

Пример: целое без знака

$N \rightarrow N0 \mid N1 \mid N2 \mid N3 \mid N4 \mid N5 \mid N6 \mid N7 \mid N8 \mid N9 \mid 0 \mid 1 \mid 2 \mid 3 \mid 4 \mid 5 \mid 6 \mid 7 \mid 8 \mid 9$



Разбор по регулярным грамматикам

Задача разбора:

Даны грамматика G (в общем случае, КС)
и цепочка x .

Вопрос: $x \in L(G)$?

Если да, то построить дерево разбора для x
(или левый вывод для x , или правый вывод для x).

Соглашение: анализируемая цепочка оканчивается символом \perp

Пример

Грамматика:

$S \rightarrow A\perp$

$A \rightarrow A0 \mid A1 \mid 0 \mid 1$

Цепочки: $011\perp$

$12\perp$

Детерминированный конечный автомат

это пятерка $\langle K, T, \delta, H, S \rangle$, где

K — конечное множество состояний;

T — конечное множество допустимых входных символов;

δ — отображение множества $K \times T$ в K ,

определяющее поведение автомата (функция переходов);

$H \in K$ — начальное состояние;

$S \in K$ — заключительное состояние

Заклучительных состояний в ДКА может быть более одного, но для любого регулярного языка, все цепочки которого заканчиваются \perp , существует ДКА с единственным заключительным состоянием

ДКА *допускает цепочку* $a_1 a_2 \dots a_n$, если

$\delta(H, a_1) = A_1; \delta(A_1, a_2) = A_2; \dots; \delta(A_{n-2}, a_{n-1}) = A_{n-1}; \delta(A_{n-1}, a_n) = S$,

где $a_j \in T, A_j \in K, j = 1, 2, \dots, n-1; i = 1, 2, \dots, n; H$ - начальное состояние,

S — заключительное состояние.

Множество цепочек, допускаемых ДКА, составляет определяемый им язык

Недетерминированный разбор

Пример

грамматика

$S \rightarrow A \perp$

$A \rightarrow a \mid Bb$

$B \rightarrow b \mid Bb$

цепочка

bbb \perp

Недетерминированный конечный автомат (НКА) —

это пятерка $\langle K, T, \delta, H, S \rangle$, где

K — конечное множество состояний;

T — конечное множество допустимых входных символов;

δ — отображение множества $K \times T$ в множество подмножеств K ;

$H \subset K$ — конечное множество начальных состояний;

$S \subset K$ — конечное множество заключительных состояний.

$\delta(A, t) = \{B_1, B_2, \dots, B_n\}$ означает, что из состояния A

по входному символу t можно осуществить переход

в любое из состояний $B_i, i = 1, 2, \dots, n$.





Недетерминированный разбор (прод.)

Успешный путь — путь из начальной вершины в заключительную

Язык, допускаемый НКА, - это множество пометок успешных путей

Класс языков, определяемых НКА, совпадает с классом языков, определяемых с помощью ДКА.

Алгоритм построения ДКА по НКА





Недетерминированный разбор (прод.)

Успешный путь — путь из начальной вершины в заключительную

Язык, допускаемый НКА, - это множество пометок успешных путей

Класс языков, определяемых НКА, совпадает с классом языков, определяемых с помощью ДКА.

Алгоритм построения ДКА по НКА



Лексический анализатор для модельного языка

Описание языка

$P \rightarrow \text{program } D1; B_{\perp}$

$D1 \rightarrow \text{var } D \{,D\}$

$D \rightarrow I \{,I\}: [\text{int} \mid \text{bool}]$

$B \rightarrow \text{begin } S \{;S\} \text{end}$

$S \rightarrow I := E \mid \text{if } E \text{ then } S \text{ else } S \mid \text{while } E \text{ do } S \mid B \mid \text{read } (I) \mid \text{write } (E)$

$E \rightarrow E1 [= \mid < \mid > \mid <= \mid >= \mid !=] E1 \mid E1$

$E1 \rightarrow T \{ [+ \mid - \mid \text{or}] T \}$

$T \rightarrow F \{ [* \mid / \mid \text{and}] F \}$

$F \rightarrow I \mid N \mid L \mid \text{not } F \mid (E)$

$L \rightarrow \text{true} \mid \text{false}$

$I \rightarrow a \mid b \mid \dots \mid z \mid Ia \mid Ib \mid \dots \mid Iz \mid I0 \mid I1 \mid \dots \mid I9$

$N \rightarrow 0 \mid 1 \mid \dots \mid 9 \mid N0 \mid N1 \mid \dots \mid N9$

Диаграмма состояний





Свойство регулярных языков

Лемма о разрастании

Задача

Доказать, что язык $L = \{1^n 0^n \mid n > 0\}$ не является регулярным

